$\beta_d$