$$\beta \geq 1 : \langle \ell \rangle \neq 0$$